



HỆ PHƯƠNG TRÌNH BẬC NHẤT HAI ẨN

$$\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1 \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$$

Giải hệ bằng Phương

Bước 1: Chọn PT dễ nhất của hệ (thường là pt có hệ số đơn giản) → Biểu diễn ẩn này theo ẩn kia. Rồi thế vào phương trình còn lại.

Bước 2: Hệ phương trình mới tương đương gồm phương trình đã thay ẩn, và 1 phương trình đơn giản của hệ ban đầu). Giải hệ phương trình.

Bước 1: Xác định ẩn (x hoặc y,...) bạn muốn khử (loại bỏ). Xem xét hệ số đứng trước ẩn đó ở cả hai phương trình của hệ. Rồi nhân thêm hệ số sao cho hệ số của chúng bằng nhau (không quan tâm dấu).

Bước 2: Cộng về theo vé nếu hệ số của ẩn muốn khử ở hai phương trình trái dấu, và trừ vé theo vé nếu hệ số của ẩn muốn khử ở hai phương trình cùng dấu.

Bước 3: Hệ gồm phương trình mới và một phương trình đơn giản của hệ ban đầu. Giải hệ phương trình.

Phương trình (1) có đồ thị là đường thẳng d_1 :

$$y = \left(-\frac{a_1}{b_1} \right)x + \frac{c_1}{b_1} \text{ với } (b_1 \neq 0)$$

Phương trình (2) có đồ thị là đường thẳng d_2 :

$$y = \left(-\frac{a_2}{b_2} \right)x + \frac{c_2}{b_2} \text{ với } (b_2 \neq 0)$$

Nghiệm của hệ là nghiệm chung của cả hai phương trình (1) và (2)

Nếu $M(x_M; y_M)$ là nghiệm của hệ

$$\Leftrightarrow \begin{cases} a_1x_M + b_1y_M = c_1 \\ a_2x_M + b_2y_M = c_2 \end{cases}$$

Số nghiệm của hệ là số giao điểm của hai đường thẳng d_1 và d_2

Nhìn nhanh số nghiệm của hệ:

*Vô nghiệm \Leftrightarrow

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'}$$

*Một nghiệm duy nhất

$$\Leftrightarrow \frac{a}{a'} \neq \frac{b}{b'}$$

*Vô số nghiệm \Leftrightarrow

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$$

