

CÁC CÔNG THỨC CƠ BẢN

1. Chu vi đường tròn: $C = 2\pi R$

2. Diện tích hình tròn: $S = \pi R^2$

3. Độ dài cung tròn có số đo 1° :

$$l_0 = \frac{C}{360} = \frac{2\pi R}{360} = \frac{\pi R}{180}$$

4. Độ dài cung tròn có số đo n° :

$$l = l_0 \times n = \left(\frac{\pi R}{180} \right) n = \frac{\pi R n}{180}$$

5. Diện tích hình quạt tròn có số đo 1° :

$$S_0 = \frac{S}{360} = \frac{\pi R^2}{360}$$

6. Diện tích quạt tròn có số đo n° :

$$S = S_0 \times n = \frac{S}{360} n = \left(\frac{\pi R^2}{360} \right) n = \frac{\pi R^2 n}{360}$$

Ngoài ra diện tích quạt tròn có số đo n° , với độ dài cung tròn của quạt là l :

$$S = \frac{\pi R^2 n}{360} = \frac{\pi R n}{180} \times \frac{R}{2} = \frac{l R}{2}$$



1. Chords of triangle ABC. Let a, b, c be the lengths of the sides BC, AC, AB respectively.

Set $p = \frac{a+b+c}{2}$, we have the basic formulas:

a. Radius of the inscribed circle of triangle ABC:

$$\begin{aligned} r &= \frac{2S}{a+b+c} = \frac{S}{p} = (p-a) \tan \frac{A}{2} = (p-b) \tan \frac{B}{2} = (p-c) \tan \frac{C}{2} \\ &= \sqrt{\frac{(p-a)(p-b)(p-c)}{p}} \end{aligned}$$

b. Radius of the circumscribed circle of triangle ABC: $R = \frac{abc}{4S_{\Delta ABC}} = \frac{a}{2 \sin A} = \frac{b}{2 \sin B} = \frac{c}{2 \sin C}$

c. Radius of the circle tangent to angle A of triangle ABC: $r_a = \frac{2S}{b+c-a} = \frac{S}{p-a} = p \tan \frac{A}{2}$
(apply similarly for circles tangent to angles B, C).

2. For a regular polygon with n sides, each side has length a. Let R be the radius of the circumscribed circle, r be the radius of the inscribed circle: $R = \frac{a}{2 \sin \left(\frac{180^\circ}{n} \right)}$; and $r = \frac{a}{2 \tan \left(\frac{180^\circ}{n} \right)}$

3. Right triangle ABC with right angle at A:

The circumscribed circle has radius $R = \frac{BC}{2}$, center is the midpoint of BC.

The inscribed circle has radius $r = \frac{c+b-a}{2}$

4. Equilateral triangle ABC with side a:

The circumscribed circle has radius $R = \frac{a}{\sqrt{3}}$

The inscribed circle has radius $r = \frac{a\sqrt{3}}{6}$