

## TOÁN 9

### TUẦN 35: ÔN TẬP CHƯƠNG 4 (Đại) – ÔN TẬP HKII (Hình)

**Bài 1:** Cho phương trình  $ax^2 + (a-b-1)x - m^2 - 1 = 0$  (1)

- a) CMR: Với  $a = 1$ ;  $b = 2$  thì phương trình luôn có nghiệm với mọi  $m$ . Tìm  $m$  để tổng bình phương hai nghiệm đạt giá trị nhỏ nhất và tìm nghiệm trong trường hợp này.
- b) CMR: Nếu  $2a^2 + b^2 - 2ab - 6a + 2b + 5 = 0$  thì phương trình (1) có hai nghiệm trái dấu.

**Bài 2:** Giải các phương trình sau:

a)  $x^3 - x^2 - 4x + 4 = 0$

c)  $x^2 - 2x - 3 = 0$

b)  $x^3 + 8 - 4x^2 - 2x = 0$

d)  $x^3 - 4x^2 + x + 6 = 0$

**Bài 3:** Cho phương trình  $(m+1)x^2 - 2(m+2)x + m - 3 = 0$

- a) Xác định  $m$  để phương trình có nghiệm
- b) Xác định  $m$  để phương trình có hai nghiệm phân biệt  $x_1; x_2$  thoả mãn:  
 $(4x_1 + 1)(4x_2 + 1) = 18$

**Bài 4:** Một máy bơm dùng để bơm đầy một bể có thể tích là  $60m^3$  với thời gian định trước. Khi đã bơm được  $\frac{1}{2}$  bể thì mất điện 48 phút. Đến lúc có điện người ta sử dụng thêm một máy bơm thứ hai có công suất  $10m^3/h$  thì bơm đầy bể đúng dự kiến. Tính công suất máy bơm thứ nhất và thời gian máy bơm đó hoạt động.

**Bài 5:** Lúc 7h30 một ô tô khởi hành từ A đến B. Đến B ô tô nghỉ 30 phút rồi đi tiếp đến C lúc 10h15. Biết AB dài 30km quãng đường BC dài 50km, vận tốc của ô tô trên quãng đường BC là 10km/h. Tính vận tốc của ô tô trên quãng đường AB, BC.

**Bài 6:** Cho điểm C thuộc nửa đường tròn (O), đường kính  $AB = 2R$ . Kẻ tiếp tuyến với đường tròn tại A và B lần lượt cắt tiếp tuyến tại C ở E và F. Tiếp tuyến tại C cắt AB tại M.

- a) Chứng minh tứ giác OBFC nội tiếp.
- b) Chứng minh  $ME \cdot CF = MF \cdot CE$

## TOÁN 9

c) Kẻ  $OD \perp AB$  ( $D \in ME$ ). Chứng minh:  $\frac{AE}{DE} - \frac{DE}{MD} = 1$

d) Cho  $\widehat{AOE} = \alpha$ . Chứng minh: AE, BF không phụ thuộc vào  $\alpha$ , chỉ phụ thuộc R.

**Bài 7:** Cho M nằm ngoài (O). Kẻ tiếp tuyến MA, MB với đường tròn (A, B là tiếp điểm)

a) Chứng minh O, A, B, M cùng thuộc một đường tròn.

b) Kẻ  $BN \parallel MA$  ( $N \in (O)$ ), NM cắt đường tròn tại C. Chứng minh:  $MA^2 = MC \cdot MN$

c) Chứng minh  $\triangle ANB$  cân

d) Gọi I là giao điểm của BC với MA. Chứng minh:  $IA = IM$

**Bài 8:** Cho M nằm ngoài đường tròn (O; R). Từ A kẻ cát tuyến ABC với đường tròn không đi qua tâm O (B nằm giữa A và C). Các tiếp tuyến với (O) tại B và C cắt nhau tại M. Kẻ MH vuông góc với OA ( $H \in OA$ ). MH cắt cung nhỏ BC tại D. Gọi I là giao điểm của OM và BC.

a) Chứng minh OHMC là tứ giác nội tiếp

b) Chứng minh:  $OH \cdot OA = OI \cdot OM$

c) Chứng minh: AD là tiếp tuyến của (O),

d) Cho  $OA = 2R$ . Tính diện tích của phần  $\triangle OAD$  nằm ngoài đường tròn theo R.

**Bài 9:** Cho hình chữ nhật ABCD nội tiếp (O). Tiếp tuyến tại C với đường tròn cắt AB và AD kéo dài lần lượt tại I và K

a) Chứng minh  $AB \cdot AI = AD \cdot AK$  bằng hai phương pháp

b) Gọi M là trung điểm của IK. Chứng minh AM vuông góc với BD

c) Tiếp tuyến tại B và D với (O) cắt IK lần lượt tại E và F. Chứng minh E và F lần lượt là trung điểm của CI và CK.

d) Tính diện tích phần hình tròn giới hạn bởi dây AC và cung nhỏ AB, biết  $AD = 6\text{cm}$ ;  $AB = 6\sqrt{3}\text{ cm}$